

DEUG MIAS 12

TP en solitaire - “Triangles en folie”

Frédéric Peschanski

25 octobre 2000

Vous devez répondre aux questions directement dans l’environnement DR SCHEME.

IMPORTANT 1 : Les fonctions Scheme que vous serez amenés à définir pour répondre à ce sujet doivent être correctement **commentées** et **indentées**.

IMPORTANT 2 : Les définitions de fonction et les exemples d’utilisation doivent être saisis dans la zone de définition en haut de l’écran.

Préliminaires

Dans l’environnement DR SCHEME, sélectionnez le mode de fonctionnement “*Advanced*” et vérifiez que la bibliothèque “*concabs.ss*” est bien chargée.

Vous devez enregistrer votre travail dans un fichier dont le nom est *VotreNom.sc* où *VotreNom* doit être remplacé par votre nom de famille. **Vous devez également indiquer votre nom en commentaire dans le fichier lui-même, sur la première ligne.**

Attention : le TP ne pourra être corrigé que si un fichier à votre nom est présent !
N’oubliez pas de sauvegarder régulièrement (bouton SAVE) votre travail dans ce même fichier.

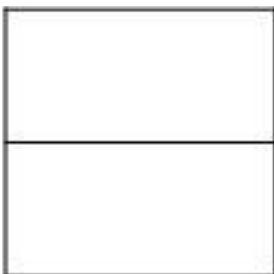
Question 1 : triangle isocèle vide

1.1 Fonction ligne

La bibliothèque “*concabs.ss*” fournit une fonction `line` permettant de dessiner des segments de droite. La spécification de cette fonction est la suivante :

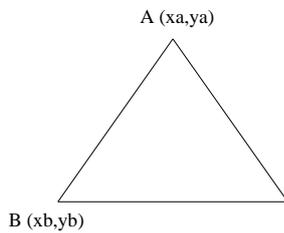
```
;; Dessin de segment de droite
;; float * float * float * float -> image
;; x1 y1 => coordonnées du premier point
;; x2 y2 => coordonnées du deuxième point
(define (line x1 y1 x2 y2) ... )
```

Utiliser cette fonction pour découper horizontalement la zone d’affichage, comme montré sur la figure suivante :



1.2 Triangle isocèle

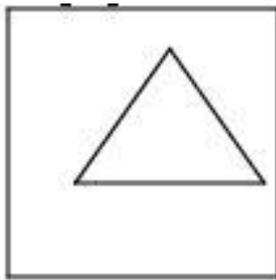
Définir une fonction (`triangle-isocèle xa ya xb yb`) permettant de dessiner un triangle isocèle vide, selon la figure suivante :



En remarquant l'axe de symétrie (verticale passant par A) de ce triangle, il sera utile de définir la fonction intermédiaire suivante (déjà vue en TP) :

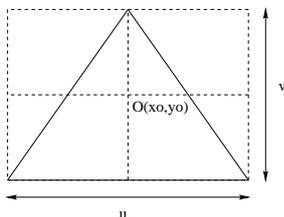
```
;; Fonction de symetrie
;; float*float -> float
(define (sym x xaxe)
  (- (* 2 xaxe) x))
```

Tester la fonction `triangle-isocèle` avec l'expression (`triangle-isocèle 0.2 0.7 -0.5 -0.3`), le résultat attendu est le suivant :



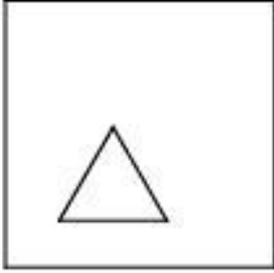
Question 2 : nouveau paramétrage

Ecrire une fonction (`triangle-isocèle-2 xo yo u v`) permettant de dessiner une triangle isocèle avec un paramétrage différent de celui de la question 1.2. L'idée est de représenter le triangle à partir des informations concernant son rectangle englobant (coordonnées du centre O et largeur/hauteur du rectangle), comme indiqué sur la figure suivante :



Remarque : Le corps de la fonction `triangle-isocèle-2` doit utiliser un appel à la fonction `triangle-isocèle` définie à la question 1.2

Tester la fonction `triangle-isocèle-2` avec l'expression (`triangle-isocèle-2 -0.2 -0.3 0.8 0.7`), le résultat obtenu doit ressembler à :



Question 3 : Dans l'hyper-espace

3.1. Hyper-espace, premier paramétrage

Définir une fonction (`hyper-espace-impl xo yo u du v dv nb`) qui dessine une superposition de `nb` triangles. Chaque triangle est centré en (x_0, y_0) et dispose d'une taille (u, v) (cf. question précédente). Le premier triangle a une largeur `u`, le deuxième $(u-du)$, et ainsi de suite. Il faut dessiner en tout `nb` triangles

Tester votre fonction avec l'expression (`hyper-espace-impl 0.2 0.3 1 0.15 1.4 0.2 6`), le résultat à l'écran est le suivant :

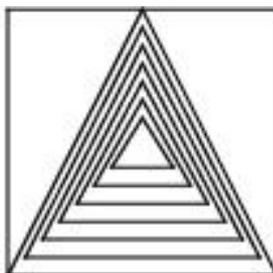


3.2. Hyper-espace simple

La fonction précédente n'est pas facile à utiliser car le paramétrage n'est pas évident à maîtriser (notamment pour éviter les erreurs). Pour simplifier son utilisation, nous proposons la définition d'une fonction intermédiaire (`hyper-espace xo yo ug up vg vp nb`) dont le paramétrage est le suivant :

Paramètre	Rôle
<code>xo, yo</code>	Centre de l'hyper-espace
<code>ug</code>	largeur du plus grand triangle
<code>up</code>	largeur du plus petit triangle
<code>vg</code>	hauteur du plus grand triangle
<code>vp</code>	hauteur du plus petit triangle
<code>nb</code>	nombre de triangles dans la figure

Ainsi, en évaluant l'expression (`hyper-espace 0 0 2 0.2 2 0.1 7`), nous obtenons la figure suivante :



(attention : lisez la remarque page suivante)

Remarque : Le corps de la fonction `hyper-espace` doit effectuer un appel à la fonction `hyper-espace-impl` avec les bons paramètres.

Question 4 (“bonus”) : hyper-hyper-espace

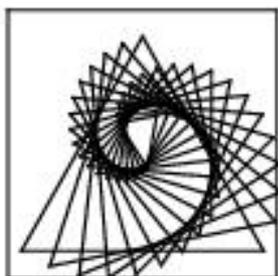
S’il vous reste du temps ou si vous voulez aller plus loin (chez vous), nous proposons une variante à notre dessin d’hyper-espace. L’idée est d’ajouter une rotation (centrée sur l’origine du repère) aux triangles successifs : le premier triangle subit une rotation de 0 radian, le deuxième de $d\theta$, le troisième de $2 * d\theta$, etc.

Comme pour la question 3, nous décomposerons le problème en deux fonctions : l’une, `hyper-hyper-espace-impl`, construisant notre figure et l’autre, `hyper-hyper-espace`, plus simple d’utilisation. Par rapport à l’exercice 3, les seuls paramètres à ajouter sont l’angle `theta` et la variation de l’angle `dtheta` pour la version “impl”. On supposera pour la version “simple d’utilisation” que l’angle de départ est 0.

Les en-têtes de fonctions seront donc les suivants :

```
(define (hyper-hyper-espace-impl xo yo u du v dv theta dtheta nb) (...))
(define (hyper-hyper-espace xo yo ug up vg vp dtheta nb) (...))
```

Au final, l’expression `(hyper-hyper-espace 0 0 1.8 0.2 1.6 0.3 (/ pi 16) 18)` doit fournir l’affichage suivant :



Il sera utile de définir une fonction intermédiaire `triangle-rot`, proche de `triangle-isocèle` mais avec un paramètre `theta` supplémentaire pour la rotation. Une version simple `triangle-rot-2` sera également intéressante.

Finalement, nous vous “offrons” les formules de rotation, implémentées par les fonctions suivantes (à saisir dans la zone de définitions) :

```
;; Fonction de rotation sur l’axe x , autour de l’origine
;; float * float * float -> float
(define (rotx x y theta)
  (- (* x (cos theta))
     (* y (sin theta))))

;; Fonction de rotation sur l’axe y, autour de l’origine
;; float * float * float -> float
(define (roty x y theta)
  (+ (* x (sin theta))
     (* y (cos theta))))
```